

Série temporelle-Simulation TP0 : Introduction au logiciel R

L'objectif de ce TP est de présenter les différents types d'objets (vecteurs, matrices, listes,...) et quelques fonctions utiles.

1 Objets

1.1 Objets simples :

Comme tout langage de programmation, R permet de faire des opérations arithmétiques tout en affectant le résultat dans un objet.

```
> x=2 # mettre le valeur 2 dans l'objet x.
```

On peut utiliser cet objet dans d'autres calculs :

```
> x+3
```

```
[1] 5
```

On peut utiliser autant d'objets qu'on veut. Ceux-ci peuvent contenir des nombres, des chaînes de caractères et bien d'autres choses :

```
> x=27;x
```

```
> y=10;y
```

```
> s=x+y;s
```

```
> h="Bonjour";h
```

```
[1] 27
```

```
[1] 10
```

```
[1] 37
```

```
[1] "Bonjour"
```

1.2 Vecteurs :

R possède des fonctions prédéfinies pour créer des vecteurs et des séquences simples :

1.2.1 La fonction `c()`

Pour créer un vecteur simple, on peut utiliser la fonction `c()`.

```
> c(1,1,3,5) # création d'un vecteur contenant 1 1 3 5 respectivement.
```

```
[1] 1 1 3 5
```

1.2.2 La fonction ":"

peut être utilisé pour créer des séquences entières de bases.

```
> 2:5 # création d'une séquence de 2 à 5 d'un pas égale à 1.
```

```
[1] 2 3 4 5
```

```
> 6:3 # création d'une séquence dans l'ordre décroissant.
```

```
[1] 6 5 4 3
```

1.2.3 La fonction seq()

La fonction `seq` génère des séquences régulières qui ne sont pas nécessairement des entiers. La syntaxe de base est `seq(from,to,by)` où `by` est l'incrément.

```
> seq(1,2,0.1) # génère une séquence de 1 à 2 d'un pas égale à 0.1.
```

```
[1] 1.0 1.1 1.2 1.3 1.4 1.5 1.6 1.7 1.8 1.9 2.0
```

Mais, on peut utiliser `length` ou `len` plutôt que `by`

```
> seq(1,2,len=4) # génère une séquence de 1 à 2 de longueur égale à 4.
```

```
[1] 1.000000 1.333333 1.666667 2.000000
```

1.2.4 La fonction rep()

La fonction `rep` génère des vecteurs avec répétition d'un échantillon donné.

```
> rep(1,5) # renvoi un vecteur dans lequel on repète 1 cinq fois.
```

```
[1] 1 1 1 1 1
```

```
> rep(c(1,2),3) # on repète le vecteur 1 2 trois fois.
```

```
[1] 1 2 1 2 1 2
```

```
> rep(1:3,times=1:3) # on repète chaque éléments du vecteur times fois.
```

```
[1] 1 2 2 3 3 3
```

```
> rep(0:2, each=2) # on repète chaque élément du vecteur each fois
```

```
[1] 0 0 1 1 2 2
```

Extraction et remplacement d'un élément d'un vecteur : Si x est un vecteur, $x[i]$ est le i ème élément de x .

```
> x=letters[1:8]; x # renvoi les huit premiers lettres.
```

```
[1] "a" "b" "c" "d" "e" "f" "g" "h"
```

```
> x[4] # extraction du 4ieme lettre.
```

```
[1] "d"
```

```
> x[4:5] # extraction des 4ieme et 5ieme lettres.
```

```
[1] "d" "e"
```

```
> i=c(1,3,7)
```

```
> x[i] # extraction des 1er, 3ieme et 7ieme lettre.
```

```
[1] "a" "c" "g"
```

```
> x=seq(0,10,2); x # création d'une séquence de 0 à 10 avec un pas de 2.
```

```
[1] 0 2 4 6 8 10
```

```
> x[3]=NA ; x # affectation d'une valeur manquante.
```

```
[1] 0 2 NA 6 8 10
```

```
> x[-4] # enlever le 4ieme élément.
```

```
[1] 0 2 NA 8 10
```

Exercice 1

1) Générer les vecteurs suivants de deux manières différentes.

1 2 3 4; 1 2 3 4 8 9 10 11; 2 4 6 8 et 1.0 1.2 1.4 1.6 1.8 2.0

2) Générer les vecteurs suivants :

1 4 1 4 1 4; 1 1 1 4 4 4 et 1 1 4 4 4 4 4.

3) Avec R, calculer (ou approximer) les sommes suivantes :

$$\sum_{i=1}^{10} i, \quad \sum_{i=1}^{100} i^2, \quad \sum_{i=1}^{+\infty} \frac{1}{2^i}$$

1.3 Matrices

Les matrices sont créées par la fonction `matrix()` à partir d'un vecteur. On doit fixer le nombre de colonnes `ncol` et/ou le nombre de lignes `nrow`.

```
> X=matrix(c(2,3,5,7), ncol=2); X # création d'une matrice
```

```
      [,1] [,2]
[1,]    2    5
[2,]    3    7
```

Par défaut, la matrice est remplie colonne par colonne. Pour la remplir ligne par ligne, on doit ajouter l'argument `byrow=T` à la fonction `matrix`.

```
> Y=matrix(c(2,3,5,7),ncol=2,byrow=T); Y
```

```
      [,1] [,2]
[1,]    2    3
[2,]    5    7
```

```
> nrow(Y) ;ncol(Y) # renvoie le nombre de lignes et le nombre de colonnes respectivement.
```

```
[1] 2
```

```
[1] 2
```

```
> dim(Y) # renvoie la dimension d'un matrice.
```

```
[1] 2 2
```

```
> Y[2,] # extraire la deuxième ligne.
```

```
[1] 5 7
```

```
> Y[-1,]          # enlever la première ligne.
```

```
[1] 5 7
```

```
> Y[2,1]         # extraire l'élément y21 de la matrice.
```

```
[1] 5
```

Il y a aussi une autre façon pour créer une matrice en utilisant les fonctions `cbind()` et `rbind()`. `cbind()` permet de concaténer deux colonnes ou deux matrices ayant le même nombre de lignes et `rbind()` permet de concaténer deux lignes ou deux matrices ayant le même nombre de colonnes.

```
> x1=1:3; x2=c(-1,0,5)
```

```
> A=rbind(x1,x2); A      # concaténation de deux lignes.
```

```
      [,1] [,2] [,3]
x1     1     2     3
x2    -1     0     5
```

```
> B=cbind(x1,x2); B      # concaténation de deux colonnes.
```

```
      x1 x2
[1,]  1 -1
[2,]  2  0
[3,]  3  5
```

```
> C=rbind(X,Y); C      # concaténation de deux matrices.
```

```
      [,1] [,2]
[1,]    2    5
[2,]    3    7
[3,]    2    3
[4,]    5    7
```

Opérations mathématiques sur les matrices : $+$, $/$, $*$, sont les opérateurs usuels terme à terme. Le produit matriciel se fait à l'aide de la fonction `%*%`.

```
> X+Y              # somme terme à terme de deux matrices.
```

```
      [,1] [,2]
[1,]    4    8
[2,]    8   14
```

```

> X*Y          # produit terme à terme de deux matrices.

      [,1] [,2]
[1,]    4  15
[2,]   15  49

> X^2          # renvoie le carré des éléments de la matrice.

      [,1] [,2]
[1,]    4  25
[2,]    9  49

> X%*%Y; det(X) # le produit matriciel de deux matrices et le déterminant de X.

      [,1] [,2]
[1,]   29  41
[2,]   41  58

[1] -1

> solve(X)     # calcul de l'inverse d'une matrice carré.

      [,1] [,2]
[1,]   -7    5
[2,]    3   -2

> b=c(2,-1); solve(X,b) # résout l'équation X*x=b.

[1] -19    8

> eigen(X)     # donne les valeurs propres et les vecteurs propres de X.

$values
[1]  9.1097722 -0.1097722

$vectors
      [,1]      [,2]
[1,] -0.5752492 -0.9213379
[2,] -0.8179782  0.3887626

```

Exercice 2

On veut résoudre le système d'équations suivant :

$$(S) : \begin{cases} x + z = 2 \\ x + 2y - z = 2 \\ x - y + z = 3 \end{cases}$$

Créer une matrice A et un vecteur b telles que le système S s'écrit $AX = b$, puis résoudre ce système.

1.4 Les tableaux `data.frame`

Les tableaux de données ressemblent beaucoup aux matrices par leur structure. Ils sont en effet composés de lignes et de colonnes et sont donc eux aussi des objets à deux dimensions. Les tableaux de données diffèrent des matrices en un principal point : **les éléments d'une ligne ou d'une colonne peuvent être de types différents.**

```
> # Création d'un data.frame
> H <- data.frame(age = c(15,20), nom = c("Mohamed", "Sarah"),
+               sexe=c("M","F"), row.names = c("I1", "I2"))
> H
```

```
   age   nom sexe
I1  15 Mohamed  M
I2  20  Sarah  F
```

```
> H$nom           # donne un vecteur contenant les noms.
```

```
[1] Mohamed Sarah
Levels: Mohamed Sarah
```

```
> H$age           # donne un vecteur contenant les ages.
```

```
[1] 15 20
```

1.5 Listes

Une liste est un tableau ordonné d'éléments qui peuvent être hétérogènes.

```
> l1=list(X=X,Nom="Matrice", n=2) # création d'une liste.
> names(l1)                       # les noms des objets dans l1.
```

```
[1] "X"  "Nom" "n"
```

```
> l1["X"]                       # extraire l'objet X de la liste l1.
```

```
$X
      [,1] [,2]
[1,]    2    5
[2,]    3    7
```

```
> l1$X; l1[[1]] # autres façons pour extraire l'objet X.
```

```
      [,1] [,2]
[1,]    2    5
[2,]    3    7
```

```
      [,1] [,2]
[1,]    2    5
[2,]    3    7
```

```
> attach(l1) #
```

The following object(s) are masked _by_ '.GlobalEnv':

```
X
```

2 Quelques fonctions

Dans cette section, nous présentons quelques fonctions utiles.

2.1 Opérateurs mathématiques

Il existe trois types d'opérateurs : opérateurs arithmétiques, opérateurs de comparaison et opérateurs logiques. En voici la liste :

Opérateurs					
Arithmétique		Comparaison		Logique	
+	Addition	<	Inférieur à	!x	NON logique
-	Soustraction	>	Supérieur à	x&y	ET logique
*	multiplication	<=	Inférieur ou égale à	x&&y	idem
^	Puissance	>=	Supérieur ou égale à	x y	OU logique
/	Division	==	Égale à	x y	idem
%	Modulo	!=	Différent à	xor(x,y)	OU exclusif
%%	Division entière				

2.2 Fonctions utiles

Ici, nous donnons une liste des fonctions utiles pour manipuler une base de données.

<code>sum(x)</code>	somme des éléments de <code>x</code> .
<code>prod(x)</code>	produit des éléments de <code>x</code> .
<code>max(x)</code>	maximum des éléments de <code>x</code> .
<code>min(x)</code>	minimum des éléments de <code>x</code> .
<code>which.max(x)</code>	retourne l'indice du maximum des éléments de <code>x</code> .
<code>which.min</code>	retourne l'indice du minimum des éléments de <code>x</code> .
<code>range(x)</code>	donne le vecteur <code>c(min(x),max(x))</code> .
<code>length(x)</code>	donne le nombre d'éléments dans <code>x</code> .
<code>mean(x), median(x)</code>	moyenne et médiane de <code>x</code> respectivement.
<code>var(x)</code> ou <code>cov(x)</code>	variance de <code>x</code> (calculée sur $n - 1$); si <code>x</code> est une matrice ou un tableau de données, la matrice de variance-covariance est calculée.
<code>cor(x)</code>	matrice de corrélation si <code>x</code> est une matrice ou un tableau de données.
<code>cumsum(x)</code>	la somme cumulé de <code>x</code> .
<code>cumprod(x)</code>	le produit cumulé de <code>x</code> .
<code>fft(x)</code>	transformée de fourier de <code>x</code> .

2.3 Fonctions apply

La fonction `apply()` permet d'appliquer une fonction (par exemple une moyenne, une somme) à chaque ligne ou chaque colonne d'un tableau de données. Cette fonction prend 3 arguments dans l'ordre suivant : nom du tableau de données, un nombre pour dire si la fonction doit s'appliquer aux lignes (1), aux colonnes (2) ou aux deux (`c(1,2)`) et le nom de la fonction à appliquer.

```
> data<-matrix(c(1,2,3,4,5,6), nrow=2) # On crée une matrice 2x3.  
> apply(data, 1, sum) # On utilise la fonction apply() pour faire la somme de chaque ligne
```

```
[1] 9 12
```

Remarque : Pour appliquer la somme et la moyenne sur les colonnes (les lignes) d'une matrice, on peut utiliser aussi les fonctions `colSums` et `colMeans` (`rowSums` et `rowMeans`) respectivement.

```
> colSums(data)           > colMeans(data)           > rowMeans(data)
```

```
[1] 3 7 11
```

```
[1] 1.5 3.5 5.5
```

```
[1] 3 4
```

Les fonctions `sapply` et `lapply` appliquent la même fonction sur tous les élément d'un vecteur ou une liste. Le résultat de la fonction `sapply` est retourné sous forme de vecteur, si possible.

```
> ll1=lapply(1:4, runif); ll1 # donne une liste contenant des simulations des réalisations un
```

```
[[1]]  
[1] 0.5178887
```

```
[[2]]  
[1] 0.9005588 0.7332670
```

```
[[3]]  
[1] 0.1320209 0.3801821 0.5234797
```

```
[[4]]  
[1] 0.0513474 0.3719633 0.7269017 0.3396311
```

```
> l12=lapply(1:4, rnorm); l12
```

```
[[1]]  
[1] 0.1330747
```

```
[[2]]  
[1] -0.6889214 0.0697643
```

```
[[3]]  
[1] 0.08601576 1.85041396 1.90774763
```

```
[[4]]  
[1] -0.69663339 -0.08448775 -0.87106169 0.37266470
```